

# 基礎数学(夜間主) 定期試験 問題用紙

平成 28 年 2 月 9 日 (火)7 講目 (19:30~20:40, 70 分)

## 注意事項:

- 指定された座席に座ること。試験監督から認められた場合を除き、教室指定、座席指定を守らない学生の答案は採点の対象としない。採点の際に教室指定等が守られていないことが判明した場合も、同様の扱いとする。
- 問題用紙(本紙)1枚, 計算用紙1枚, 解答用紙1枚。
- 学生証, 仮学生証のいずれかを所有している学生のみ受験を認める。
- 筆記用具と計時機能のみの時計以外, 持ち込み不可である。携帯電話, スマートフォン等の時計使用は認めない。
- 机に文字等が書かれている場合, 全て消すこと。消すことができない場合, 監督者に申し出ること。なお, 試験前, 試験最中を問わず, 机への記入, 計算は不正行為とみなす。
- 問題の解答はすべて解答用紙の所定の位置に記入すること。解答は必ず枠内に収めること。枠外への記述は無視して採点する。また, 解答用紙の追加は認めないので, 枠の大きさを考えて解答すること。
- 試験開始直後に学生番号, 氏名を解答用紙の所定の欄(2か所)に記入すること。裏面に解答しない場合でも, 必ず裏面にも番号と氏名を記入すること。氏名(フルネーム)が全くないものは採点の対象外, 部分的な記入漏れは5点減点する。
- 極端に薄い字や小さい字, 読ませるつもりのない字など, 判読困難なものは採点の対象外とする。また, 消したかどうか分からない文字や二通り以上に読むことのできる文字は悪意を持って採点する(=意図的に配点の少ないほうに解釈する)。その他, 採点者に優しくないと思われる答案も減点する。
- 解答用紙を必ず提出すること。提出がない場合, その学生は呼び出しを受け, 最悪の場合, 不正行為と認定される。問題用紙, 計算用紙は持ち帰ること。
- この試験は110点満点である。

1.(10点×2=20点) 次の最大公約数を計算せよ(答えのみでよい).

(1)  $\gcd(24, 56)$ ,      (2)  $\gcd(779, 1189)$ .

2.(10点×2=20点) 次の方程式を満たす整数の組  $(x, y)$  を一組答えよ. 方程式を満たす整数の組  $(x, y)$  が存在しない場合, 「存在しない」と書くこと(答えのみでよい).

(1)  $3x - 9y = 2$ ,      (2)  $23x - 13y = 1$ .

3.(10点)  $2^{100}$  を 17 で割ったときの余りを,  $0, 1, \dots, 15, 16$  から選べ(答えのみでよい).

4.(10点×2=20点) 集合  $A, B$  を,  $A = \{1, 2, 3\}$ ,  $B = \{1, 2\}$  で定める.  $A$  から  $B$  への写像は全部で (1) 個,  $A$  から  $B$  への全射な写像は全部で (2) 個ある. (1) および (2) に適切な数字を入れよ(答えのみでよい).

5.(10点) 正の整数のうち, 100 以下の素数は全部でいくつあるか. 必要があれば, 計算用紙に印刷された  $1 \sim 100$  が書かれた表を用いよ.

6.(15点) すべての正整数  $n$  に対し,

$$\sum_{j=1}^n j(j-1) = \frac{n(n+1)(n-1)}{3}$$

が成り立つことを, 数学的帰納法により 証明せよ. 数学的帰納法を用いない証明は 5 点を上限に採点する.

7.(3+12=15点)  $a, b, c, d$  を整数,  $m$  を正整数とする. このとき, 以下の問いに答えよ.

(1)  $a \equiv b \pmod{m}$  の定義を述べよ.

(2) (1) で述べた合同式の定義に基づいて,  $a \equiv b \pmod{m}$  かつ  $c \equiv d \pmod{m}$  が成り立つならば,  $ac \equiv bd \pmod{m}$  が成り立つことを証明せよ.

以上

解答用紙提出の前に

解答用紙の表裏に学生番号, 氏名の書き忘れがないことを確認してください. 問題用紙(本紙)と計算用紙は持ち帰ってください. また, 学生証も忘れないようにしてください.